

# SEMAINE 11 DU 11/12/2023

## 1 PROGRAMME OFFICIEL

| c) Généralités sur les suites réelles   |  |
|---|--|
| Suite majorée, minorée, bornée. Suite stationnaire, monotone, strictement monotone.   | Une suite $(u_n)_{n \in \mathbf{N}}$ est bornée si, et seulement si $( u_n )_{n \in \mathbf{N}}$ est majorée.                            |
| Mode de définition d'une suite réelle : explicite, implicite, par récurrence.   | <i>Les suites définies implicitement seront d'ailleurs détaillées dans un chapitre spécifique.</i>                                       |
| d) Limite d'une suite réelle  |  |
| Limite finie ou infinie d'une suite.  | Les définitions sont énoncées avec des inégalités larges.  |
| Unicité de la limite.   | Notation $u_n \rightarrow \ell$ , $\lim u_n$ .   |
| Suite convergente, divergente.  | <i>On parle de nature de la suite.</i>   |
| Toute suite convergente est bornée.   |  |
| Opérations sur les limites : combinaison linéaire, produit, quotient.   | Produit d'une suite bornée et d'une suite de limite nulle.   |
| Passage à la limite d'une inégalité large.  |  |
| Si $(u_n)_{n \in \mathbf{N}}$ converge vers $\ell > 0$ , alors $u_n > 0$ à partir d'un certain rang.  |  |
| Existence d'une limite par encadrement (limite finie), par minoration (limite $+\infty$ ), par majoration (limite $-\infty$ ).                            | Utilisation d'une majoration de la forme $ u_n - \ell  \leq v_n$ où $(v_n)$ converge vers 0.   |
| e) Suites monotones   |  |
| Théorème de la limite monotone.   | <i>Éviter de lui donner d'autres noms.</i>   |
| Théorème des suites adjacentes.   |  |
| f) Suites extraites   |  |
| Suite extraite. Si une suite possède une limite alors toutes ses suites extraites possèdent la même limite.   | Utilisation pour montrer la divergence d'une suite. Si $(u_{2n})$ et $(u_{2n+1})$ tendent vers $\ell$ , alors $(u_n)$ tend vers $\ell$ . |
| Théorème de Bolzano-Weierstrass.  | Principe de démonstration par dichotomie.  |
| g) Traduction séquentielles de certaines propriétés   |  |
| Partie dense dans $\mathbf{R}$ .  | Une partie de $\mathbf{R}$ est dense dans $\mathbf{R}$ si elle rencontre tout intervalle ouvert non vide.                                |
| Caractérisation séquentielle de la densité.   | Densité de l'ensemble des décimaux, des rationnels, des irrationnels.  |
| Si $X$ est une partie non vide majorée (resp. non majorée) de $\mathbf{R}$ , il existe une suite d'éléments de $X$ de limite $\sup X$ (resp. $+\infty$ ). |  |

## h) Suites complexes

|  |   |
|--|---|
| Brève extension des définitions et résultats précédents. | Caractérisation de la limite en termes de parties réelle et imaginaire. |
| Théorème de Bolzano-Weierstrass.                         |   |

**Pas encore de suites définies implicitement par une fonction.**

## 2 PASSER TOUTE L'HEURE SUR DES EXERCICES NON PRÉPARÉS